A Mecânica Quântica

A Mecânica Quântica tem um papel fundamental no entendimento e descrição de fenômenos naturais. Porque?

- Fenômenos quânticos existem! E a Mecânica Quântica os explica!
- Muitos deles manifestam-se macroscopicamente. O mundo microscópico precisa ser estudado para melhor compreendê-los.
- Onde? Física Química Biologia Engenharia de Materiais, etc.









- Descrição de átomos, moléculas, sólidos, líquidos, plasmas, etc.
 (estruturas eletrônicas e consequente entendimento de suas
 propriedades microscópicas e macroscópicas em baixas e altas
 temperaturas).
- o Iterações matéria/matéria (reações químicas em geral).
- Interações matéria/onda eletromagnética (espectroscopia, lasers, etc.)
- Química da vida (DNA, proteínas, etc)!
- Fabricação (e nano fabricação) de (novos) materiais com propriedades macroscópicas (mecânicas, elétricas e magnéticas) específicas (desenhadas!).



Um pouco de história

A Mecânica Quântica contribui para unificação de teorias. No caso, tratando partículas materiais e radiação da mesma forma (eletrodinâmica quântica):

- No final do século 19: movimento das partículas: Leis de Newton.

 radiação: Equações de Maxwell.

 interação entre radiação e matéria: força de Lorentz.

Tudo parecia ir bem até se mostrar que: \langle

- Leis clássicas não funcionam para corpos que viajam em altas velocidades (comparadas com a velocidade da luz, c).
- Leis clássicas não funcionam na escala atômica e subatômica.

Não abandonem a Mecânica Clássica. Ela será útil em várias aproximações e funciona para baixas velocidades ($v \ll c$) e para grandes objetos ($\hbar/m \approx 0$).

No momento, não existe uma teoria satisfatória unificando Mecânica Quântica e Relatividade. Entretanto, a maioria dos fenômenos listados na caixa verde do slide 1 são bem explicados pela Mecânica Quântica não-Relativística (com auxílio de teoria de perturbação).

Isso será objeto de nosso curso de 1 ano (F689 e F789)!



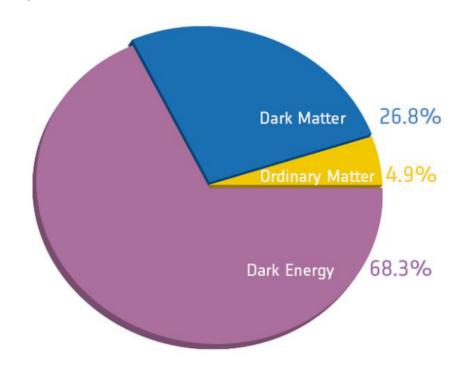


MAPLima



ENERGIA ESCURA

ESA/Planck Collaboration



A composição do universo de acordo com dados do satélite Planck da Agência Espacial Europeia.



Estratégia Inicial

O que vai acontecer nesse capítulo?

Estudaremos:

- A) idéias quânticas básicas \Rightarrow (com auxílio de experimentos de ótica) $\begin{cases} \bullet \text{ dualidade partícula/onda.} \\ \bullet \text{ processos de medidas.} \end{cases}$
- $\langle B \rangle$ partículas \rightarrow Equação de Schrödinger, relação de incerteza de Heisenberg, pacotes de ondas e sua evolução temporal. C) alguns casos simples de efeitos quânticos típicos.

Um pouco de história da luz:

- Newton \rightarrow Luz \equiv feixe de partículas que se chocavam contra espelhos.
- $1^{\underline{a}}$ metade do século 19 \rightarrow Luz \equiv onda eletromagnética (explica difração e interferência), onde o caráter vetorial do campo elétrico da luz ganha papel importante.

A. Ondas Eletromagnéticas e Fótons

Experimentos não explicados

1. Quantum de luz e as relações de Planck-Einstein (motivadas por problemas!)

Os Problemas:

Radiação de corpo negro (lembram do que se trata?)

 $f(\lambda,T)d\lambda \equiv \begin{cases} \text{fração da densidade de energia radiante de comprimento } \lambda \\ \text{no intervalo } d\lambda \text{ de um corpo negro à temperatura } T. \end{cases}$

Os problemas (radiação de corpo negro - continuação)

Previsão Clássica

$$f(\lambda,T) = 8\pi \frac{kT}{\lambda^4} \Rightarrow \begin{cases} \text{Lei de Rayleigh-Jeans que deu origem à chamada} \\ \text{catástrofe ultravioleta} \ \lambda << 1 \ (\text{para} \ \lambda >> 1 \ \text{funciona}). \end{cases}$$

Previsão Quântica

A explicação de Planck envolve energias quantizadas $E=nh\nu$, com $h=6,626\times 10^{-34} J.s$ ajustado experimentalmente, para obter:

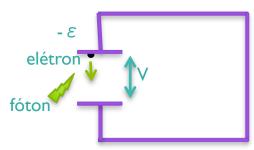
$$f(\lambda,T) = \frac{8\pi hc\lambda^{-5}}{e^{\frac{hc}{\lambda kT}} - 1}$$
 Confirma experimentos!

• Efeito fotoelétrico.

Em 1905, Einstein propõe a volta da luz como partícula (fóton) e explica

circuito

o fenômeno fotoelétrico.



Einstein: diferentes intensidades da luz significa diferentes quantidades de fótons, mas todos com a mesma energia h ν



Inesperado: o fato de V₀ independer da intensidade da luz





Os problemas (espalhamento luz/elétrons)

• Efeito Compton – 1924 (Espalhamento de raio X por elétrons livres.)

Previsão Clássica (onda eletromagnética).

Quando a onda incide em um material contendo carga, as cargas oscilam com essa freqüência e re-irradiam ondas eletromagnéticas com a mesma freqüência

Previsão Quântica (fótons).

Compton propôs para colisão entre um fóton e um elétron:

- (1) Usar conservação de energia e momento.
- (2) O elétron absorve energia devido ao recuo e a luz emitida tem frequência menor que a incidente.

E conclui:

A interação entre onda eletromagnética e matéria ocorre por meio de processos elementares onde a radiação parece ser composta por fótons

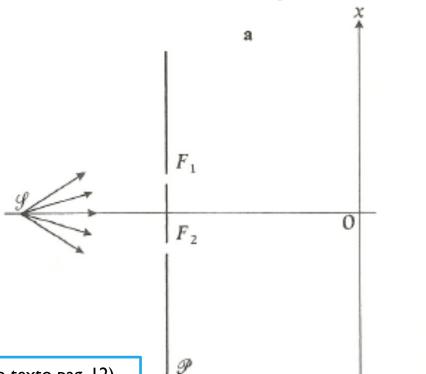
Onde ao fóton foi atribuído $\begin{cases} \text{energia: } E = h\nu = \hbar\omega \to \omega = 2\pi\nu. \\ (h = 2\pi\hbar = 6,626 \times 10^{-34}J.s) \\ \text{momento: } p = \hbar k. \end{cases}$

Durante cada processo elementar a energia e momento precisam conservar!





Dualidade partícula/onda da luz



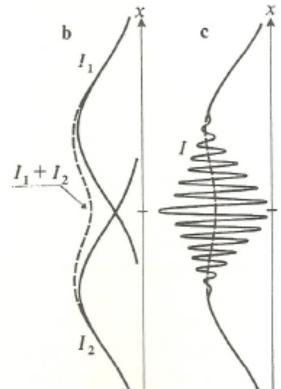


Figura I (livro texto pag. 12)

Diagrama do experimento de interferência de dupla fenda de Young (fig. a). Cada uma das fendas F_1 e F_2 produz um padrão de difração na tela ϵ . As intensidades correspondentes são $I_1(x)$ e $I_2(x)$ (linhas sólidas da figura b). Quando as duas fendas são abertas simultaneamente, a intensidade I(x) observada na tela não é a soma $I_1(x) + I_2(x)$ (linha tracejada nas figuras b e c), mas mostram oscilações devido à interferência entre os campos elétricos por F_1 e F_2 (curva figura c).

O que esperar, se: (1) bloquear F_2 ; (2) bloquear F_1 ; (3) ambas abertas (partículas); (4) ambas abertas (partícula/onda - caso real)?





Descrição do experimento de dupla fenda de Young

Como explicar isso, considerando luz como feixe de partículas?

- A existência de difração da luz poderia ser explicada por um fenômeno de borda
- A curva de interferência, talvez pudesse ser explicada como sendo fruto da interação entre fótons

Ataquemos o problema da interferência. A hipótese de interação entre fótons leva-nos a acreditar que se diminuíssemos a intensidade da fonte, a curva de interferência diminuiria até desaparecer. Antes de discutir o que ocorre, lembremos que:

A teoria ondulatória explica muito bem o fenômeno de interferência.

Como: $I \propto E^2 \Rightarrow$ e como no anteparo $E(x) = E_1(x) + E_2(x)$, temos:

$$I(x) = |E(x)|^2 = |E_1(x) + E_2(x)|^2 \neq |E_1(x)|^2 + |E_2(x)|^2$$

Origem da interferência

Note que a teoria ondulatória prediz que se I diminui, a interferência continua (embora, diminua de intensidade).

De volta ao experimento: O que acontece quando a fonte emite fótons um por um? Nenhuma das duas teorias explica tudo por si só.



Descrição do experimento de dupla fenda de Young

- Coloque um filme fotográfico no anteparo, aguarde tempo suficiente e as franjas de interferência aparecerão. Como foi um fóton por vez, temos que descartar a hipótese de que elas são devido à interferência entre fótons.
- Diminua a intensidade e revele o filme em intervalos curtos de tempo. Cada fóton produz uma marca localizada no anteparo e não uma franja de interferência. Descarte a hipótese pura ondulatória.

Quando muitos fótons acertam o anteparo, o seguinte acontece:

- Cada um faz uma marca localizada.
- O grande número de marcas mostra a figura de interferência (regiões escuras e claras).

Cabe aqui uma pergunta: Dentro do contexto corpuscular, porque o fenômeno muda drasticamente dependendo se só uma ou ambas as fendas estão abertas? Para melhor entender o problema, note que até agora não procuramos determinar por onde o fóton passou na experiência de interferência. Para tanto, podemos imaginar detetores em F_1 e F_2 .





Descrição do experimento de dupla fenda de Young

Nessas condições, se um fóton for lançado contra a fenda dupla, o sinal é recolhido por um dos detetores ou por nenhum deles e NUNCA por ambos. Em outras palavras, quando o fóton passa, ele, de fato, passa por uma delas.

Importante: o fóton absorvido pelo detetor não chega no anteparo.

Se mantivéssemos o detetor apenas em F_2 , a figura que formaria no anteparo não é de interferência (e sim a de difração proveniente de F_1). Isto permite concluir:

O fato de termos certeza por onde o fóton passou (no caso, pela F_1 , pois todos que passariam pela F_2 são detetados e não chegam ao anteparo) tem sérias consequências. Essa certeza destrói a figura de interferência!

Em seguida construímos a visão quântica do experimento de dupla fenda.



Unificação quântica destes dois aspectos (onda e partícula) da luz

- Os dois parecem incompatíveis.
- Um novo aspecto deve ser considerado: Quando alguém faz uma medida em um sistema microscópico, ele perturba o sistema de forma fundamental. No mundo macroscópico isso pode ser evitado.
- Reconsideremos o aparente paradoxo: O fóton que passa por uma fenda se comporta diferentemente dependendo se a outra fenda está aberta ou fechada.
- No experimento apresentado, se tentarmos medir se um fóton passou ou não pela fenda, impedimos que ele chegue no anteparo.
- É impossível obter a curva de interferência e ao mesmo tempo medir em qual fenda os fótons passaram. Um conceito clássico se balança: o da trajetória.
- Todos os fótons são emitidos dentro das mesmas condições. No entanto, não é possível dizer a priori onde na tela eles vão se chocar. Outro conceito clássico é destruído: Condições iniciais definem completamente o movimento subsequente da partícula.

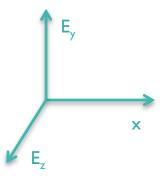
Quando um fóton é emitido, a única coisa que podemos prever é a probabilidade dele atingir o anteparo em x. Ela é proporcional à $I(x) = |E(x)|^2$.





Dualidade partícula/onda - sumário

- Os aspectos de partícula e de onda da luz são inseparáveis. A parte ondulatória permite o cálculo probabilístico da manifestação do fóton como partícula.
- Previsões sobre o comportamento futuro do fóton: só probabilidades!
- Evolução temporal \rightarrow Equação de Maxwell para $\vec{E}(\vec{r},t)$, e com isso obter probabilidades $\propto |\vec{E}(\vec{r},t)|^2$.



• A amplitude respeita a equação:

$$\frac{\partial^2 E_y}{\partial x^2} = \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial^2 E_y}{\partial t^2}$$

• Lembre que a equação de onda é dada por:

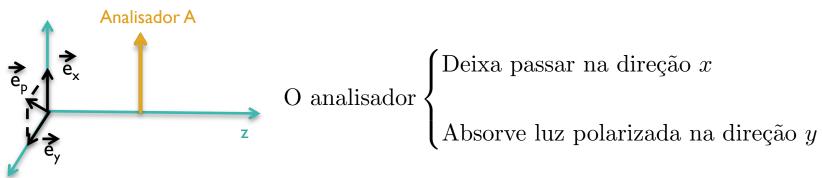
$$\frac{\partial^2 y}{\partial x^2} = \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 y}{\partial t^2}$$

- Note a linearidade: Se \vec{E}_1 e \vec{E}_2 são soluções $\Rightarrow \vec{E} = \lambda_1 \vec{E}_1 + \lambda_2 \vec{E}_2$ também é solução. A interferência fica caracterizada em $|\vec{E}|^2$.
- Existe uma analogia entre: $\vec{E}(\vec{r},t) \leftrightarrow \psi(\vec{r},t)$, com ψ podendo ser complexo.



Princípio da decomposição espectral

Um outro experimento: luz polarizada



Descrição clássica

$$\vec{E}(\vec{r},t) = E_0 \vec{e}_p e^{i(kz-\omega t)}$$
 onde $I \propto |E_0|^2$
Depois de passar por $A \Rightarrow \vec{E}'(\vec{r},t) = E_0' \vec{e}_x e^{i(kz-\omega t)}$ onde $I' \propto |E_0'|^2$
Lei de Marlus: $I' = I \cos^2 \theta$

- Idéia quântica: Um fóton por vez e um detetor atrás do analisador. O que acontece?
 - (1) O detetor não registra frações de fótons (duas opções: ou o fóton passa pelo analisador ou é absorvido por ele).
 - (2) Em geral não podemos prever com exatidão se um certo fóton vai passar ou não. Sabemos apenas as probabilidades.
 - (3) Se mandarmos um grande número de fótons, $N\cos^2\theta$ passarão.

Princípio da decomposição espectral

Observe os seguintes aspectos:

O analisador fornece apenas dois tipos de resultados: $\begin{cases} \to \text{ "passou"} \\ & \text{ou} \\ \to \text{ "não passou"} \end{cases}$

$$\begin{cases} \rightarrow \text{ "passou"} \\ \text{ou} \\ \rightarrow \text{ "não passou"} \end{cases}$$

Estamos diante da "quantização" dos possíveis resultados da medida.

Os valores possíveis são conhecidos por auto-valores ou valores próprios.

Note que na descrição clássica a luz passava sempre com intensidade $I\cos^2\theta$.

Cada um destes auto-valores corresponde à um auto-estado, isto é:

Se
$$\begin{cases} \vec{e}_p = \vec{e}_x \to \text{"passa"} \\ \vec{e}_p = \vec{e}_y \to \text{"não passa"} \end{cases}$$

Se antes da medida (pelo analisador) o fóton se encontra em um auto-estado, o resultado da medida é certo: o auto-valor associado.

(iii) Quando o estado anterior à medida é arbitrário, somente as probabilidades de se obter os auto-valores são conhecidas. Para achá-las, decomponha o estado das partículas em uma combinação linear dos auto-estados, isto é:

$$\vec{e}_p = \vec{e}_x \cos \theta + \vec{e}_y \sin \theta$$





Princípio da decomposição espectral

A probabilidade de se obter um dado auto-valor é proporcional ao quadrado do valor absoluto do coeficiente do auto-estado correspondente, isto é:

Chance de
$$\begin{cases} \text{"passar"} \to \cos^2 \theta \\ \\ \text{"não passar"} \to \sin^2 \theta \end{cases}$$

(iv) Todos os fótons que passaram estão em um auto-estado \vec{e}_x e todos passariam por um analisador paralelo ao primeiro.

A medida perturba o sistema
$$\begin{cases} \text{Estado inicial: } \vec{e_p}(\vec{r},t) \\ \\ \text{Estado final: colinear com } \vec{e_x}. \end{cases}$$

(v) Quando um fóton passa pelo primeiro analisador, isto não é uma indicação que ele estava em um auto-estado \vec{e}_x , pois ele poderia estar em uma mistura $\vec{e}_p = \vec{e}_x \cos \theta + \vec{e}_y \sin \theta$.